

THE NEW RTCM 3.1 TRANSFORMATION MESSAGES

Declaration, Generation from Reference Transformations and Implementation as a Server-Client-Concept for GNSS Services

Prof. Dr. Reiner Jäger ^{1), 2)} and Dipl.-Ing. (FH) Simone Kälber ³⁾

¹⁾Faculty of Geomatics, Hochschule Karlsruhe - Technik und Wirtschaft (HSKA)
University of Applied Sciences, Moltkestrasse 30, D-76133 Karlsruhe, Germany

³⁾ simone.kaelber@web.de

²⁾ **Member of RTCM Working Group Transformation Messages 2004 - 2007**

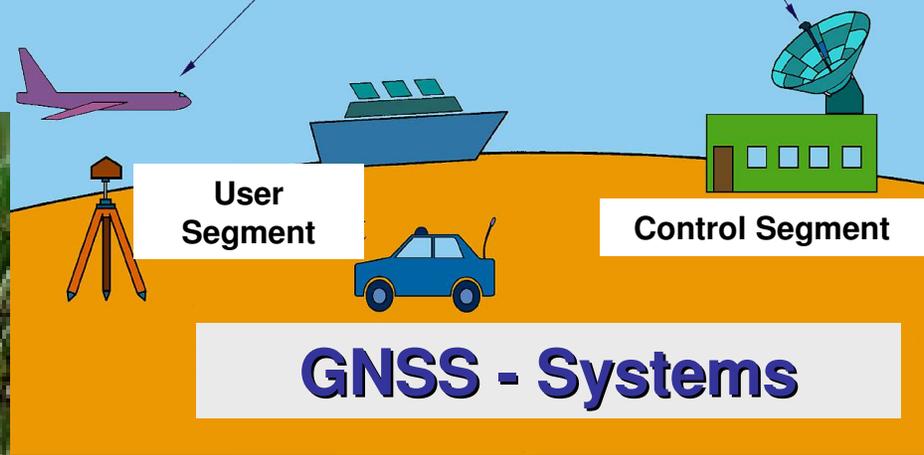
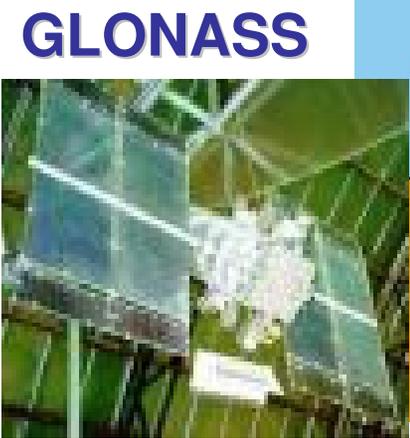
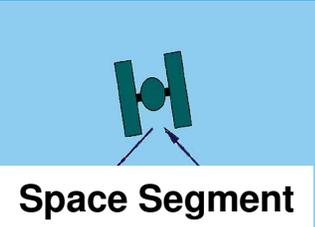
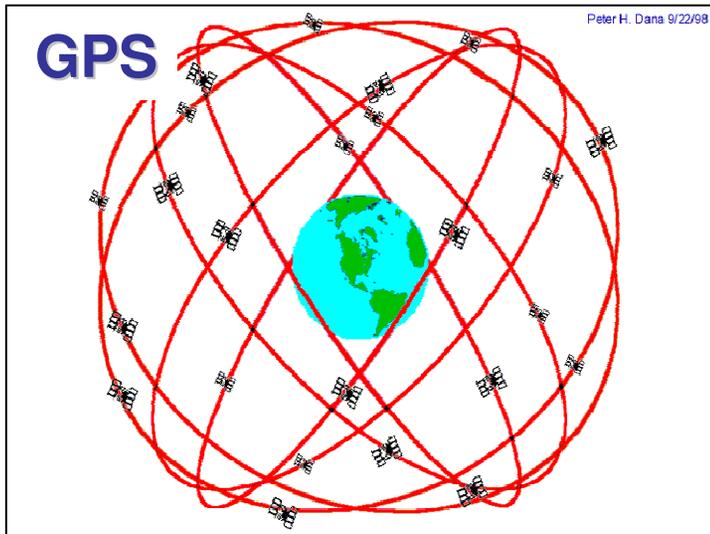
Member of FIG WG 5.4 GNSS-Networks, since 2008

E-Mail: reiner.jaeger@web.de

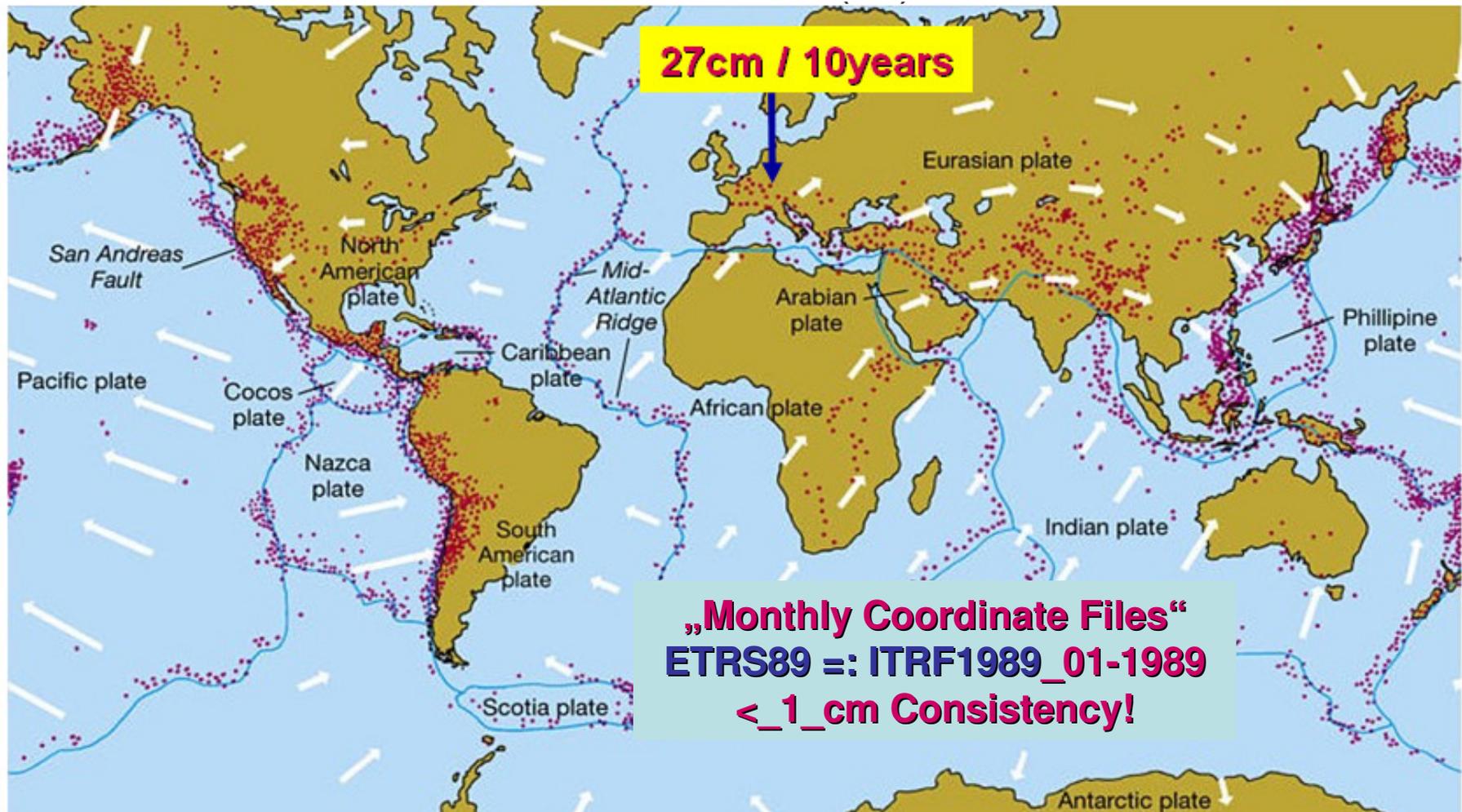
URL: www.dfhbf.de ; www.geozilla.de ; www.moldpos.eu; www.qoca.info; www.monika.aq



GNSS for Global Positioning in ITRF/ECEF Frames



ITRF/ECEF - Datum \Leftarrow International GNSS Service (IGS)



$$\mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{zz}, t_1} = (1 + \Delta m) \cdot \mathbf{R}(\varepsilon_x, \varepsilon_y, \varepsilon_z) \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{yy}, t_1} + \mathbf{t}$$

$$\mathbf{x}(t_2)_{ITRF_{zz}, t_2} = \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{zz}, t_1} + \left(\left((\dot{\mathbf{R}} + \Delta \dot{m}) \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{zz}, t_1} + \dot{\mathbf{t}} \right) + \left(\dot{\mathbf{R}}_{P(j)} \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{zz}, t_1} \right) \right) \cdot (t_2 - t_1)$$

GNSS-Services and RTCM-based Positioning

**RTCM-
Phase Corrections
⇒ cm -Solutions**

- **SAPOS® + ascos®**
SWIPOS® + SwissSat®

⋮
SwePos®
CzePos®

LatPos®

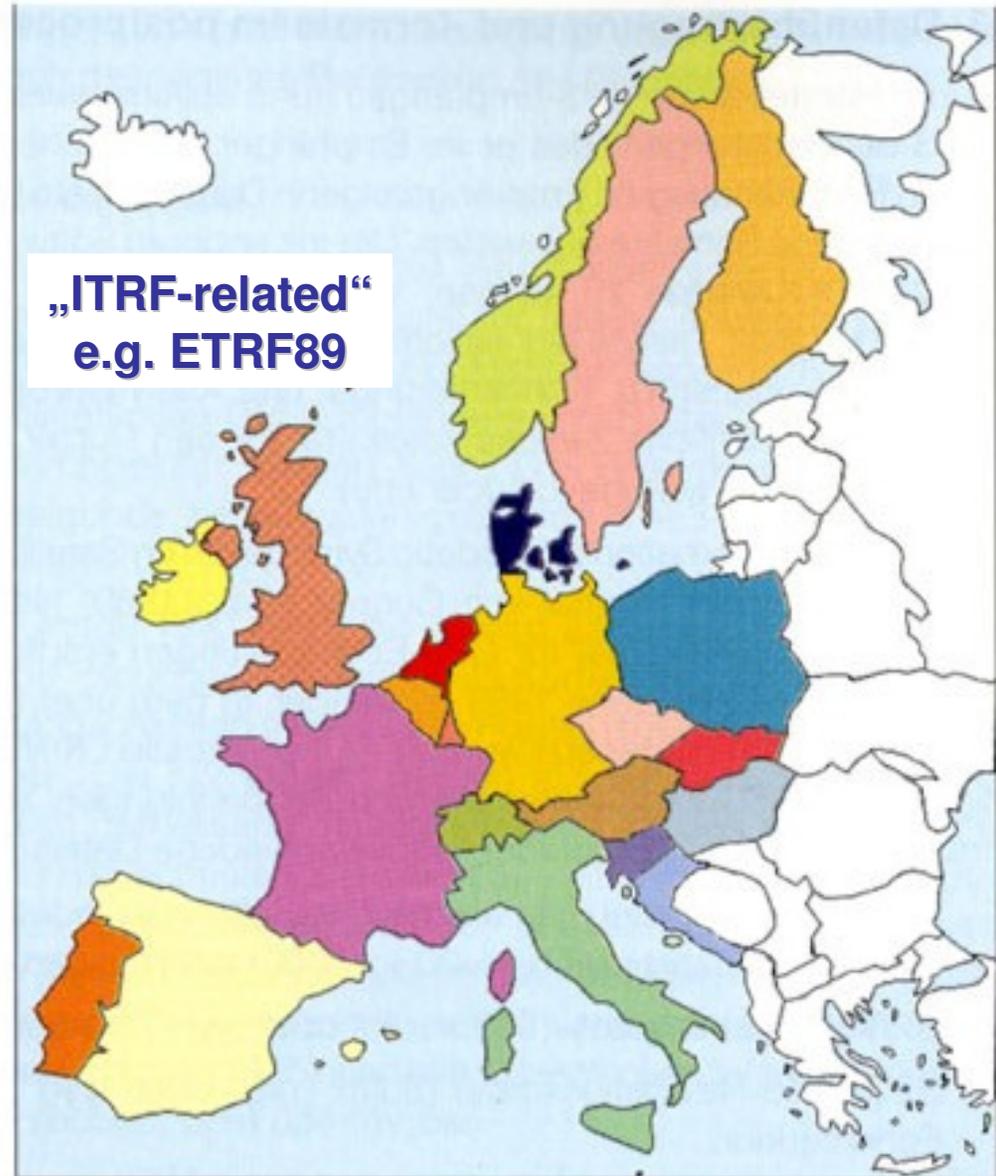
ASG-EUPOS®

CroPOS®, HePos®

... **Hungary, Slovenia,**
Romania, Moldavia,...

EUPOS® (East European States, Russia)
European Position Determination System

- **...many others worldwide!**



GNSS-Services and RTCM-based Positioning

Adresse  <http://www.rtcn.org/>



RTCM

The Radio Technical Commission for Maritime Services

[Overview](#)

[Publications](#)

[Annual Meeting](#)

[Membership](#)

[Calendar](#)

[Contact Us](#)

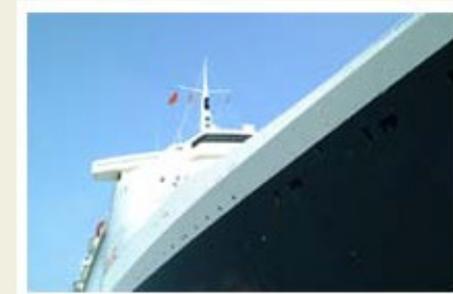
[Visit Us](#)

Welcome

What do you see when you step onto the bridge of a modern ship or well-equipped boat?

Chances are that RTCM standards and RTCM activities had a lot to do with the communication and navigation equipment there.

In the United States, the Federal Communications Commission and U.S. Coast Guard use RTCM standards to specify radar systems, Emergency Position Indicating Radio Beacons, and the basic version of Digital Selective Calling radios.



RTCM Guides

[Guide to International Requirements for GMDSS Communication Equipment 1.1](#)

[Guide to International Ship Navigation Equipment Requirements Version 1.2](#)

Personal Locator Beacons used on land in the U.S. are required to meet an RTCM standard.

RTCM standards are used internationally for Differential Global Navigation Satellite Systems and Electronic Chart Systems.

RTCM members also have the opportunity to monitor and participate in the development of international standards for maritime radiocommunication and electronic navigation systems.

GNSS-Services and RTCM-based Positioning



GNSS-Service – Network of Reference Stations + GNSS-Networking Software

GNSS-Services and RTCM-based Positioning

Basic GNSS-Data collected at the GNSS-Reference-Stations at a Time $t - \Delta t$

$$\nabla \rho(t - \Delta t)_{\text{Ref}}^{\text{Sat}} = \rho[(x, y, z)_{\text{REF}}; (x, y, z)_{\text{SAT}, \Delta t}]_{\text{true, Ref}} - \rho(t - \Delta t)_{\text{Observed, Ref}}$$

$$\nabla \lambda_R(t - \Delta t)_{\text{Ref}}^{\text{Sat}} = \lambda_R[(x, y, z)_{\text{REF}}; (x, y, z)_{\text{SAT}, \Delta t}]_{\text{true, Ref}} - \lambda_R(t - \Delta t)_{\text{Observed, Ref}}$$

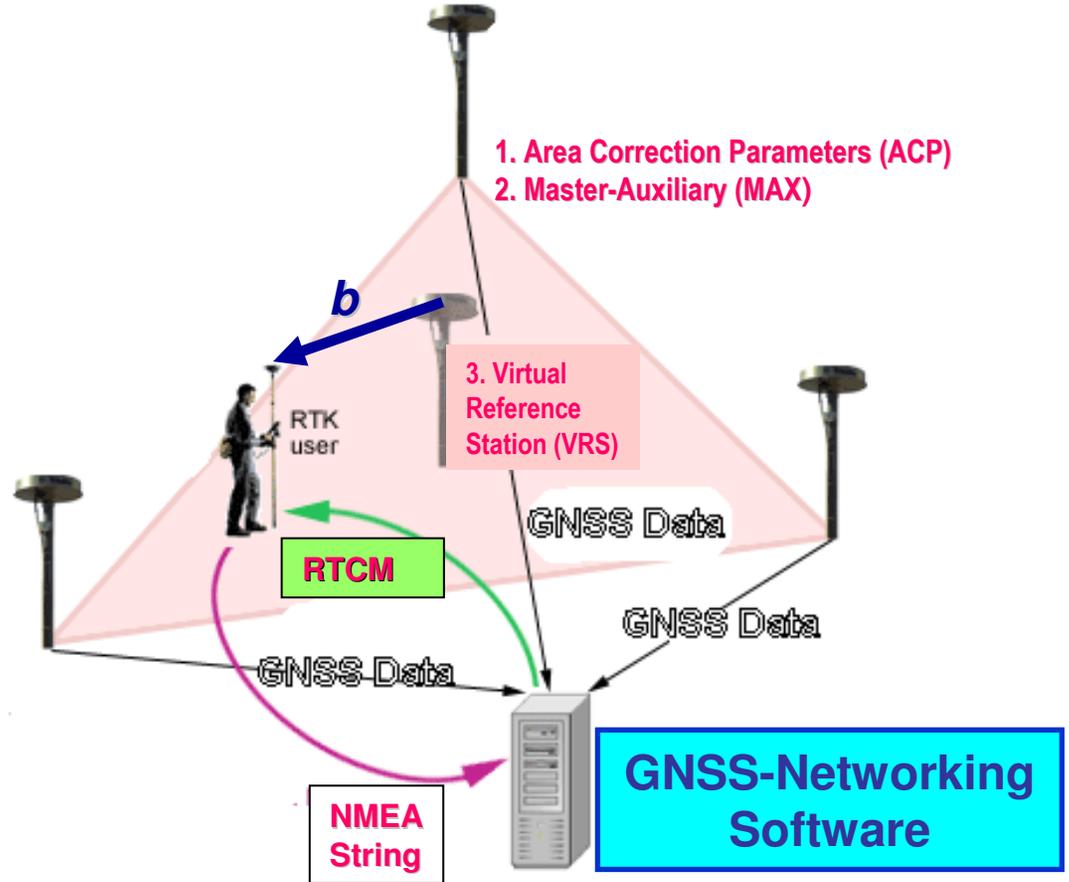


RTCM 3.1
Observations-
Corrections

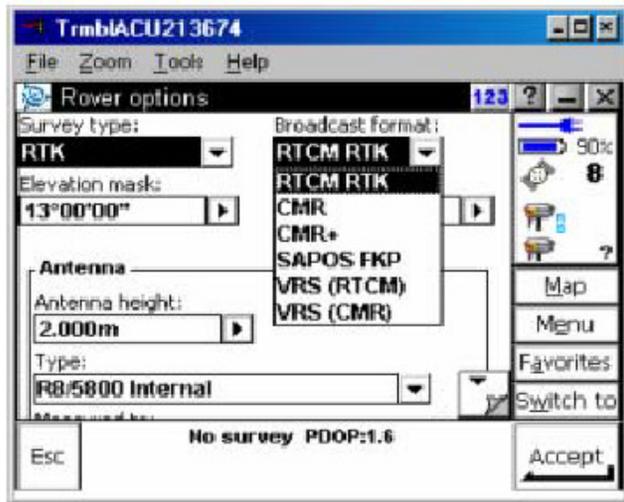
$$\lambda_R(t)_{\text{Rov, corrected}}^{\text{Sat}} = \lambda_R(t)_{\text{Rov, Observed}}^{\text{Sat}} - \nabla \lambda_R(t - \Delta t)_{\text{Ref}}^{\text{Sat}}$$

↙ →

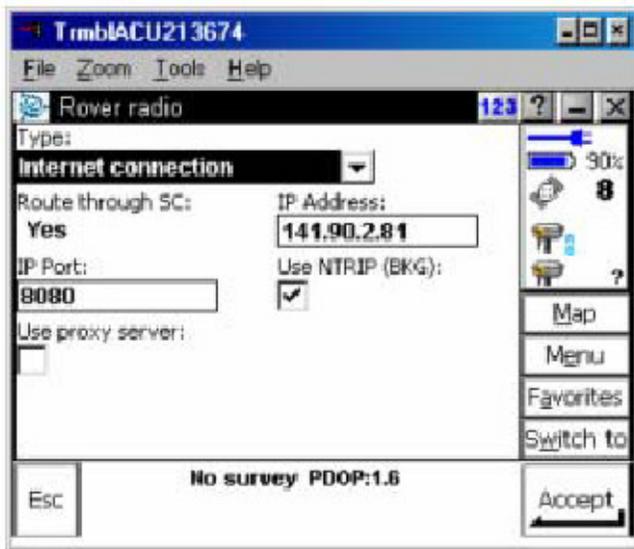
(B, L, h)_{GNSS-Datum}



GNSS-Services and RTCM-based Positioning



(TCP/IP-based, e.g. via Internet, GPRS – NTRIP)



Trend at many new services
e.g. in
Poland
Slovenia



Many Commercial Hard- and Software
with NTRIP-embedding see

http://igs.ifag.de/index_ntrip.htm

1. Plane Problem - Karlsruhe Reference Transformation

3D Similarity Transformation Related to (B,L,h)

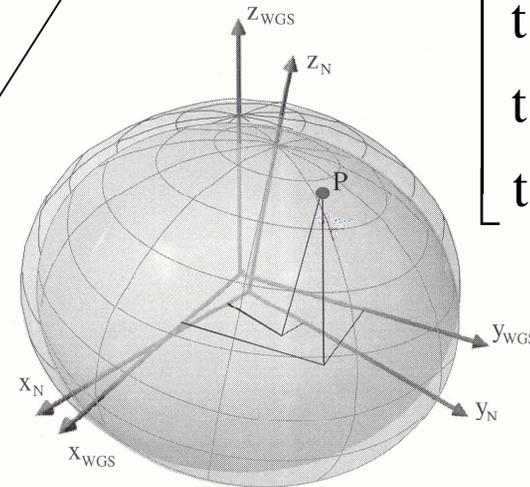
$$\begin{pmatrix} \mathbf{B} \\ \mathbf{L} \\ \mathbf{h} \end{pmatrix}_2 - \begin{bmatrix} \Delta\mathbf{B}_{(a,b)_1,(a,b)_2} \\ \Delta\mathbf{L}_{(a,b)_1,(a,b)_2} \\ \Delta\mathbf{h}_{(a,b)_1,(a,b)_2} \end{bmatrix} - \begin{pmatrix} \mathbf{B} \\ \mathbf{L} \\ \mathbf{h} \end{pmatrix}_1 + \begin{pmatrix} \mathbf{v}_B \\ \mathbf{v}_L \\ \mathbf{v}_h \end{pmatrix}_i = [\text{Moldenski}]_{(B,L,h)_1,i} \cdot \begin{pmatrix} \epsilon_x \\ \epsilon_y \\ \epsilon_z \\ \Delta S \\ t_x \\ t_y \\ t_z \end{pmatrix}$$

Reference-Transformation (Data / Parameters / Algorithms)

Source CRS

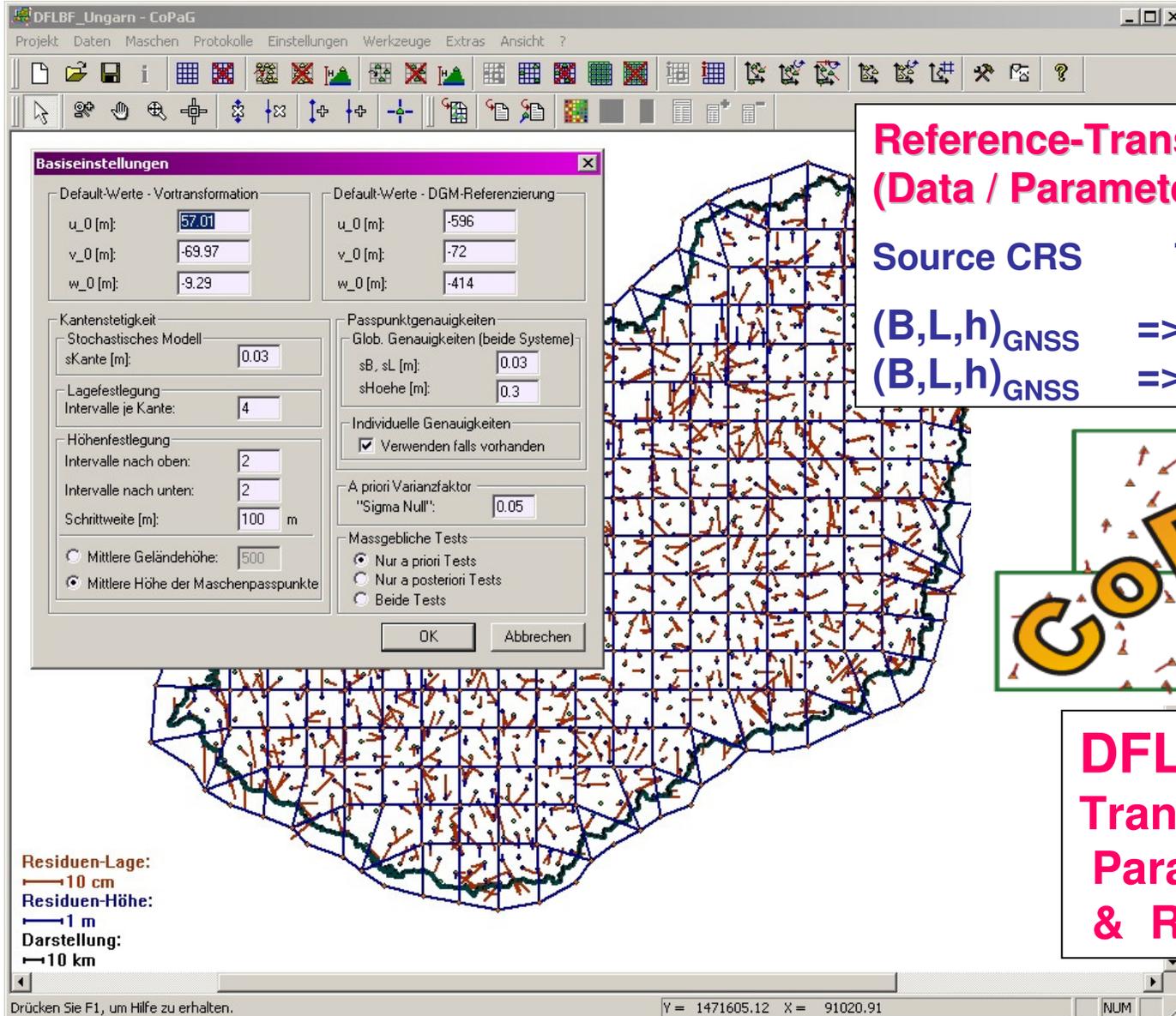
Target CRS

$(\mathbf{B}, \mathbf{L}, \mathbf{h})_{\text{GNSS}} \Rightarrow (\mathbf{B}, \mathbf{L})_{\text{Classical}}$
 $(\mathbf{B}, \mathbf{L}, \mathbf{h})_{\text{GNSS}} \Rightarrow (\mathbf{B}, \mathbf{L}, \mathbf{H})_{\text{Classical}}$



$-\sin(L) \cdot \frac{a \cdot W + h}{M + h}$	$\cos(L) \cdot \frac{a \cdot W + h}{M + h}$	0	$-\frac{\sin(B) \cdot \cos(B) \cdot N \cdot e^2}{M + h}$	$-\frac{\sin(B) \cdot \cos(L)}{M + h}$	$-\frac{\sin(B) \cdot \sin(L)}{M + h}$	$\frac{\cos(B)}{M + h}$
$\frac{\sin(B) \cdot \cos(L) \cdot (N \cdot (1 - e^2) + h)}{(N + h) \cdot \cos(B)}$	$\frac{\sin(B) \cdot \sin(L) \cdot (N \cdot (1 - e^2) + h)}{(N + h) \cdot \cos(B)}$	-1	0	$-\frac{\sin(L)}{(N + h) \cdot \cos(B)}$	$\frac{\cos(L)}{(N + h) \cdot \cos(B)}$	0
$-N \cdot e^2 \cdot \sin(B) \cdot \cos(B) \cdot \sin(L)$	$N \cdot e^2 \cdot \sin(B) \cdot \cos(B) \cdot \cos(L)$	0	$h + a \cdot W$	$\cos(B) \cdot \cos(L)$	$\cos(B) \cdot \sin(L)$	$\sin(B)$

1. Plane Problem - Karlsruhe Reference Transformation



**Reference-Transformation
(Data / Parameters / Algorithms)**

Source CRS

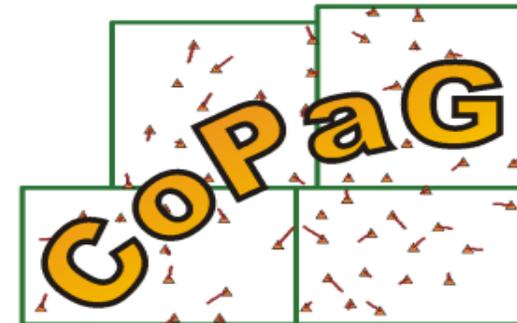
Target CRS

$(B, L, h)_{GNSS}$

$\Rightarrow (B, L)_{Classical}$

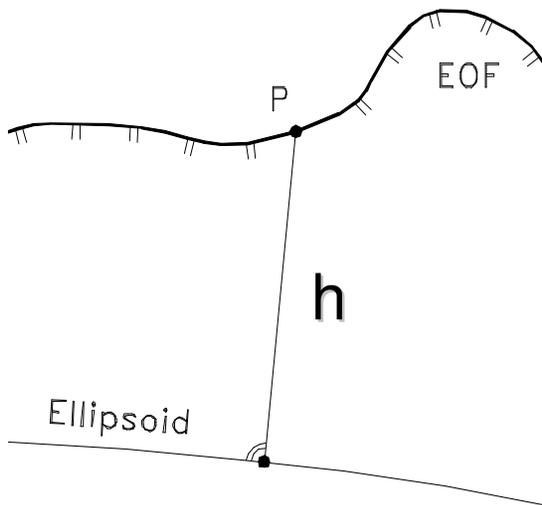
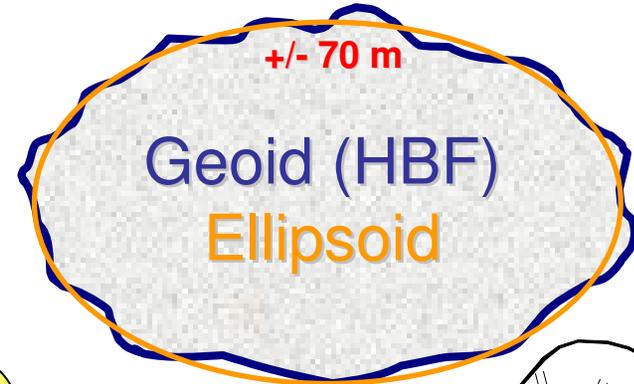
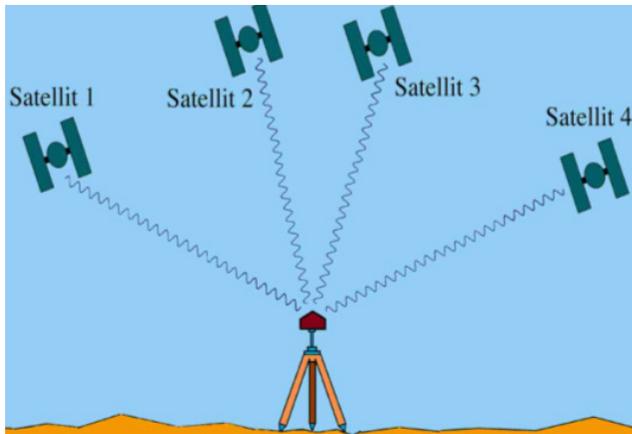
$(B, L, h)_{GNSS}$

$\Rightarrow (B, L, H)_{Classical}$

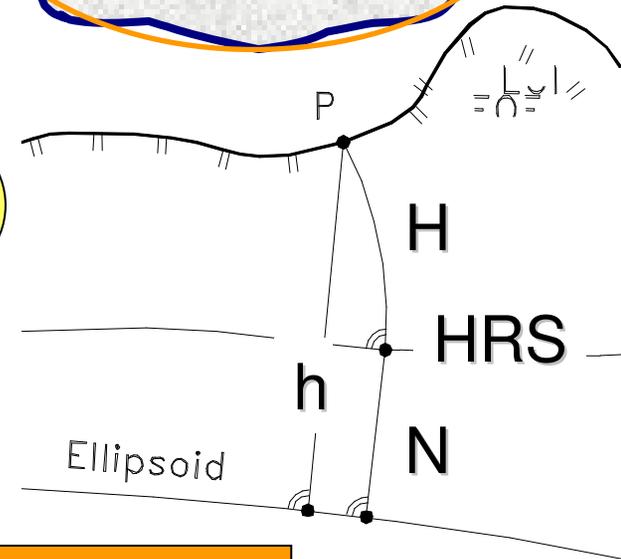


**DFLBF_DB
Transformation
Parameters
& Residuals**

2. Height Problem / HRS Transition - Karlsruhe Reference Transformation



GNSS Heighting
„H from h- GNSS“



$$H = h - N(B,L,h)$$

Reference-Transformation
Source CRS Target CRS
(B,L,h)_{GNSS} => N

2. Height Problem / HRS Transition - Karlsruhe Reference Transformation

$$h_{\text{GNSS}} + v = H + \mathbf{f}^T \cdot \mathbf{p} - h_{\text{GPS}} \cdot \Delta m$$

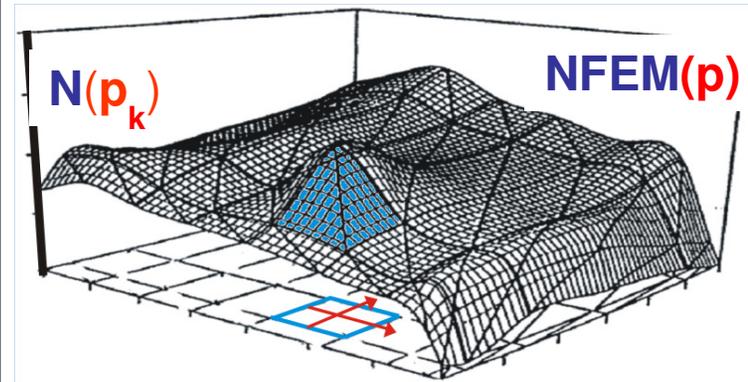
$$H + v = H$$

$$\mathbf{N}_G^j + v^j = \mathbf{f}^T \cdot \mathbf{p} + \partial N_G(\mathbf{d}^j)$$

$$\xi^j + v = -\mathbf{f}_B^T / M(B) \cdot \mathbf{p} + \partial \xi(\mathbf{d}_{\xi,\eta})^j$$

$$\eta^j + v = -\mathbf{f}_L^T / (N(B) \cdot \cos(B)) \cdot \mathbf{p} + \partial \eta(\mathbf{d}_{\xi,\eta})^j$$

$$\frac{a}{4\pi \cdot \gamma(B)} \iint_{\sigma} \Delta g \cdot S(\psi) d\sigma + v = \mathbf{NFEM}(\mathbf{p}) = \mathbf{f}^T \cdot \mathbf{p}$$



Reference-Transformation
 Source CRS Target CRS
 $(B, L, h)_{\text{GNSS}} \Rightarrow N$

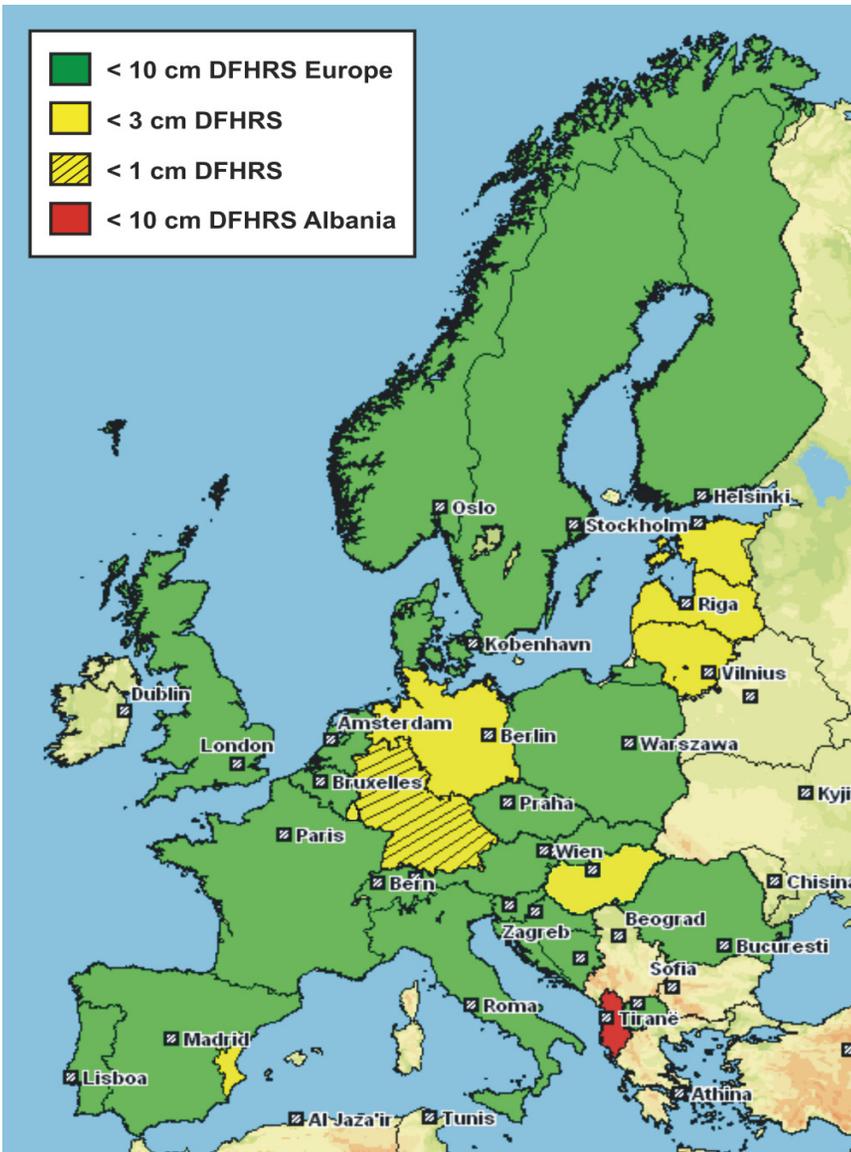
$$g_{\text{grav}}^{\text{LGV}} + v = \sum_{k=0}^{\infty} \left(\frac{a}{r}\right)^{n(k)+1} \frac{(n(k)+1)}{r} \sum_{m=0}^k (\bar{C}'_{n(k),m} \cdot \cos m\lambda' + \bar{S}'_{n(k),m} \cdot \sin m\lambda') \cdot P_{n(k),m}(\cos \theta') + dg(\mathbf{d})$$

$$N_{\text{GPM}}^j + v = N(\bar{C}'_{n(k),m}, \bar{S}'_{n(k),m}) + \partial N(\mathbf{d}^j)$$

$$= \frac{1}{\gamma_Q} \left(\sum_{k=0}^{\infty} \left(\frac{a}{r}\right)^{n(k)+1} \sum_{m=0}^k (\bar{C}'_{n(k),m} \cdot \cos m\lambda' + \bar{S}'_{n(k),m} \cdot \sin m\lambda') \cdot P_{n(k),m}(\cos \theta') - V_{\text{ref}} \right) + \partial N(\mathbf{d}^j)$$

$$0 + v_{\Delta N} = N(\bar{C}'_{n(k),m}, \bar{S}'_{n(k),m}) - (\mathbf{f}^T \cdot \mathbf{p} + \Delta m \cdot h)$$

2. Height Problem / HRS Transition - Karlsruhe Reference Transformation



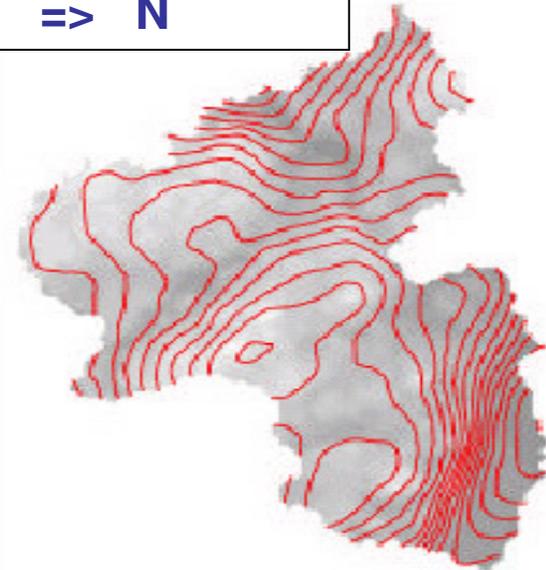
Reference-Transformation

Source CRS Target CRS
 $(B, L, h)_{GNSS}$ \Rightarrow N

Official
State
Databases

e.g.

in German
Countries



DFHBF-DB

Herausgeber:



Landesamt für Vermessung und Geobasisinformation
Rheinland-Pfalz

Ferdinand-Sauerbruch-Straße 15
56073 Koblenz
<http://www.lvermgeo.rlp.de>

Present Use of Reference Transformations Online on GNSS - Controllers

I. ITRF- based Source CRS	II. Refe- rence Trans- forma- tion Types	III. Targets and Direct Results		IV. Final Mathematical Model of Representation and Examples			V. GNSS-rover Data interface	
				„Grid only“	Parametric	Gridding Enabled	Parametric Representation	Grid
	⇒	$(B,L)_{\text{Classical}}$ and H	(1)	Most	DFLBF	All	DFLBF	All
$(B,L,h)_{\text{GNSS}}$	⇒	$(B,L)_{\text{Classical}}$	(2)	Most	DFLBF	All	DFLBF	All
	⇒	N with H = $h_{\text{GNSS}} - N$	(3)	BKG Quasi- Geoid; EGG97	EGM96 EIGEN DFHRS	All	EGM96 DFHRS	All

1. „Gridding“ the Reference Transformation („Gridfactories“)
2. Direct Access to Reference Transformation

Present Use of Reference Transformations on GNSS - Controllers



**Willkommen
zur Intergeo
2004**

Trimble ist stolz darauf, auch in diesem Jahr ein offizieller Sponsor des Intergeo-Kongresses und Intergeo-Treffs zu sein.

Wir von Trimble haben es uns zum Ziel gesetzt, Ihnen die neueste Technologie bereitzustellen, die es Ihnen ermöglicht, die Vorteile lokalisierter, integrierter Vermessungslösungen zu nutzen und Ihre Effizienz, Produktivität und Ihren Gewinn zu erhöhen. Als Beweis unseres Engagements präsentieren wir in diesem Jahr eine Reihe von Lösungen, die speziell für unsere europäischen Kunden entwickelt wurden.

Durch die Akquisition der GeoNav GmbH sind wir in der Lage, Ihnen eine neue Feldsoftwarelösung, den Trimble Survey Manager, an die Hand zu geben. Die Software ist auf Anwendungen in der europäischen Vermessungsindustrie, und insbesondere auf Katastervermessungen, zugeschnitten. Des Weiteren haben wir unser GPS-Produktportfolio mit dem Trimble R8 um den „ultimativen VRS-Rover“ ergänzt.

Der Trimble R8 ist eine Kombination aus einem leichten, kabellosen Rover ohne externes GSM-Modem und der L2C-fähigen GPS-Technologie für den Einsatz in europäischen VRS-Netzen.

Anwendern von Robotic-Totalstationen bieten wir das lizenzfreie 2,4 GHz GeoRadio mit modernster Spread Spectrum-Technologie an, die Interferenzen von anderen Funkgeräten auf belebten Baustellen

Neue Trimble Survey Manager Software

Die fortschrittliche Trimble Feldlösung für präzise Echtzeit-Vermessungen.

Trimble Survey Manager basiert auf der beliebten DCTools Software von Trimble GeoNav. Es ist eine flexible, einfach zu verwendende Oberfläche für Ihr Vermessungssystem. Trimble Survey Manager besteht aus Softwaremodulen für Feld und Büro und wurde speziell für die Datenerfassung, Datenverarbeitung und die Dokumentation präziser Echtzeit-Vermessungen entwickelt.

ALLES UNTER KONTROLLE - MIT DEM TRIMBLE SURVEY MANAGER

Das Trimble Survey Manager Feldmodul läuft unter Windows 9x, 2000, XP und Windows CE. Sie können Feldvermessungen auf der Plattform ausführen, die den Projektanforderungen am besten entspricht, einschließlich Notebooks, Tablet PCs oder unseren robusten und leistungsstarken Trimble Controllern: TSCe™, ACU oder Trimble Recon™. Trimble Survey Manager ist vollständig mit Trimble GPS- und Trimble Totalstationssystemen kompatibel und erlaubt die komplette Steuerung aller Instrumente und Messmethoden im Feld.

Die Trimble Survey Manager Software enthält die offiziellen Referenzkoordinaten des amtlichen Koordinatensystems, bietet volle SAPOS®- und ascos®-Unterstützung und die Implementierung von DFLBF und DFHBF. Sie gewährleistet die exakte Datenerfassung, -verarbeitung und Dokumentation nach amtlichen Vorgaben und wurde speziell für katasterspezifische Anforderungen in Deutschland optimiert.



DFLBF / DFHBF

Bewährte GPS-Technologie in einer kostengünstigen L1-Lösung: das NEUE Trimble 5700 L1 GPS-System

Der 5700 L1 GPS-Empfänger von Trimble ist ein bedienerfreundlicher GPS-Empfänger speziell für statische, L1-FastStatic und kinematische Vermessungen. Er ist eine flexible, kostengünstige Vermessungslösung mit bewährter Trimble GPS-Technologie.

UNTERNEHMEN

Beginnen Sie mit einer preisgünstigen Trimble GPS-Einstiegslösung und rüsten Sie diese später für erhöhte Produktivität zu einem leistungsfähigen Zweifrequenz-System auf. Sie können Ihr System bei Bedarf sogar mit RTK nachrüsten.

Present Use of Reference Transformations on GNSS - Controllers



Present Use of Reference Transformations on GNSS - Controllers



Sensor Firmware Version 4.20

- Optimale Vernetzungslösung
 - Flächenkorrekturparameter
 - Verschlüsseltes RTCM-Adv
 - Virtuelle Referenzstation
 - Monitoring der FKP/VRS-Out Position
- Moderne Datenkommunikation
 - RTCM 2.3
 - Automatische Erkennung der Referenzantenne
 - Siemens TC35 Dualband GSM-Telefon
- Deutschlandweit passpunktfreies Messen
 - DFHBF für 3 cm-genaue Höhenbestimmung
 - DFLBF für 5 cm-genaue Lagebestimmung
 - Integration anderer Geoidmodelle/ Koordinatensysteme realisiert



DFLBF / DFHBF



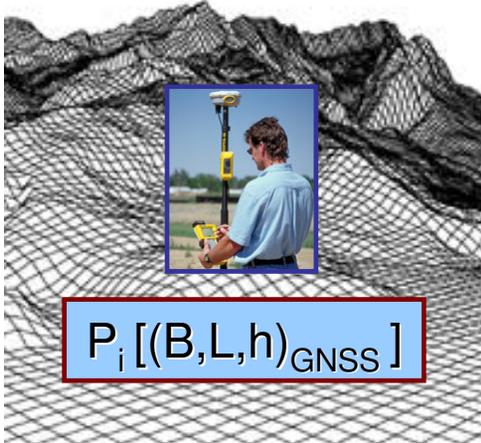
Hauptsitz:
 Leica Geosystems GmbH
 Vertrieb
 Hans-Bunte-Straße 5
 80992 München
 Tel. 089 / 14 98 10 0
 Fax 089 / 14 98 10 33
 www.leica-geosystems.de

Verkaufsniederlassung:
 Leica Geosystems GmbH
 Vertrieb
 Münsterstraße 306
 40470 Düsseldorf
 Tel. 0211 / 61 69 06 0
 Fax 0211 / 61 69 06 19
 www.leica-geosystems.de

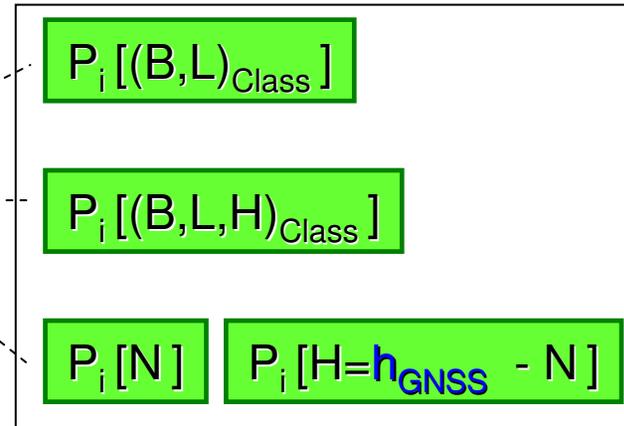
Verkaufsniederlassung:
 Leica Geosystems GmbH
 Vertrieb
 Milastraße 2
 10437 Berlin
 Tel. 030 / 44 02 13 0
 Fax 030 / 44 02 13 21
 www.leica-geosystems.de

Gridding of Reference Transformations

Source CRS - Grid



Target CRS - Grid



Reference



Transformations

Virtual Fitting Points P_i

Virtual Fitting Points P_i

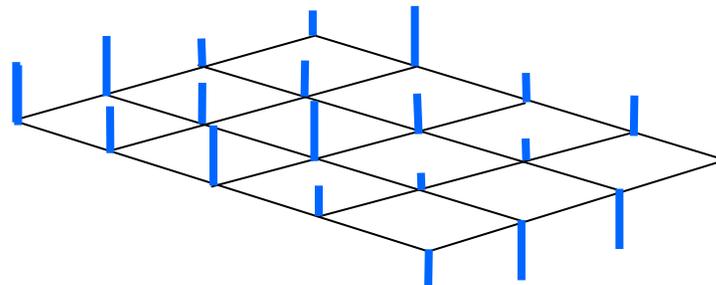
Gridding

1.] 7 Parameter Trafo

$$\begin{bmatrix} x_T \\ y_T \\ z_T \end{bmatrix}_{\text{Target},i} + \begin{bmatrix} r_x \\ r_y \\ r_z \end{bmatrix}_i = s \cdot \mathbf{R} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}_{\text{Source/GNSS},i} + \begin{bmatrix} t_x \\ t_y \\ t_z \end{bmatrix}$$

7 Parameters
3 Residual Grid

2.] Geoid/HRS Grid



Grid of N_i

RTCM 3.1

RTCM 3.1 Observations Corrections

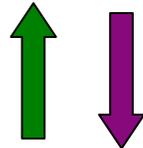
&

„7 RTCM Transformation Messages“

- Transformation-Parameters (1021,1022)
- Residual-Grids and/or Geoid-Representations (1023,1024)
- Projection-Information (1025,1026,1027)

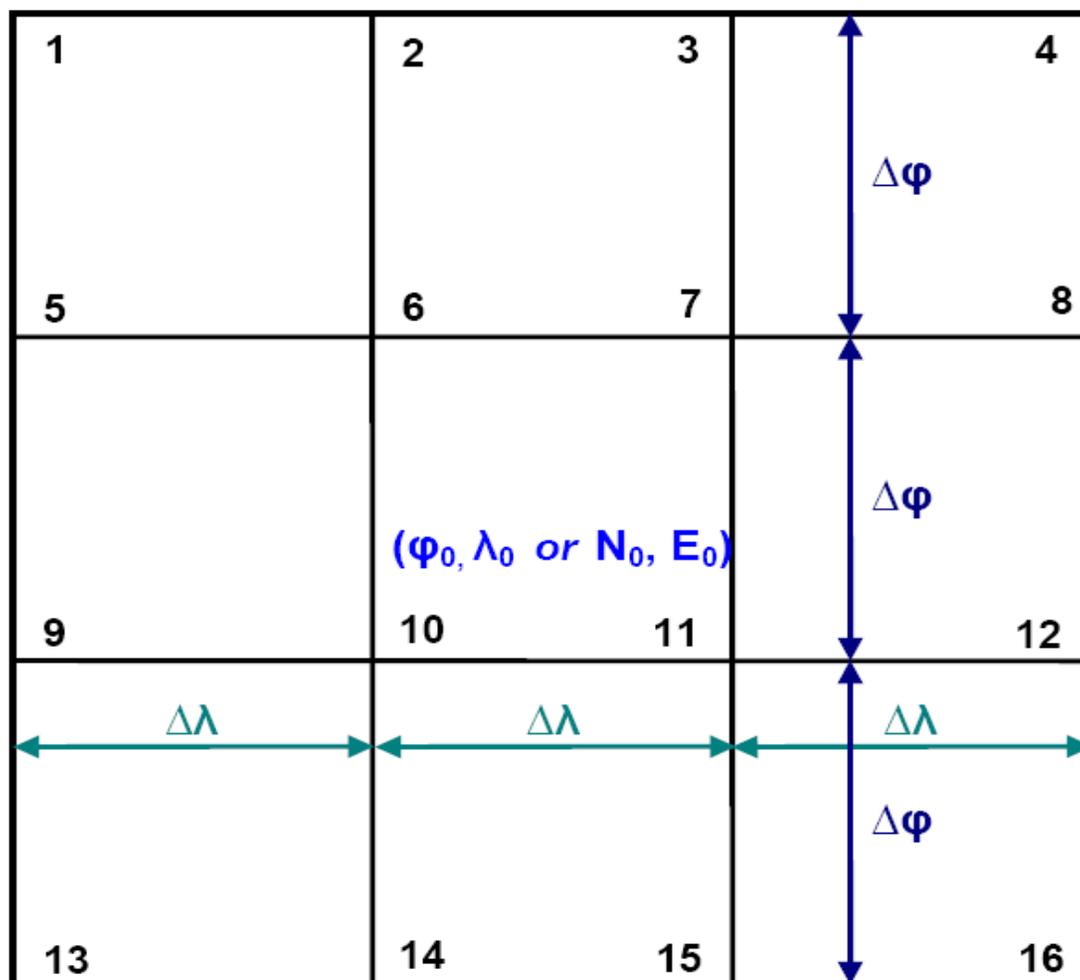
sent by GNSS-Positioning-Service
to

GNSS-Positioning-User



NMEA-based request to RTCM-Transformation Messages Server)

RCTM 3.1 Transformation Messages – Definition and Examples



Area of validity for 7P transformation (origin and extension)
+ 16 Grid-Points

RCTM 3.1 Transformation Messages – Definition and Examples

Message 1021 or 1022

Data FIELD	DF NUMBER	Values	Remarks
Message Number	DF002	1021	
Source-Name Counter	DF+1	4	
Source-Name	DF+2	4258	ETRS89, Europa
Target-Name Counter	DF+3	7	
Target-Name	DF+4	31467	DHDN, GK-3
System identification number	DF+5	1	
Involved Transformation message	DF+6	0000000110	
Plate number	DF+7	7	
Computation Indicator	DF+8	1	
Height Indicator	DF+9	2	
ϕ_V	DF+10	49.0102	
λ_V	DF+11	8.3921	
$\Delta\phi_V$	DF+12	0.04	
$\Delta\lambda_V$	DF+13	0.06	
dX	DF+14	-617.880	
dY	DF+15	-253.456	
dZ	DF+16	-315.690	
R ₁	DF+17	5.79748	
R ₂	DF+18	-2.44443	
R ₃	DF+19	-5.1534	
dS	DF+20	-13.51806	
add a _s	DF+24	8137.000	GRS80
add b _s	DF+25	6752.314	
add a _T	DF+26	7397.155	Bessel
add b _T	DF+27	6078.963	
Horizontal 7P Quality Indicator	DF+76	2	

Geoid-Grid or not

Grid
Location&Size

7 Parameters

Ellipsoid
Parameters
Source / Target

RCTM 3.1 Transformation Messages – Definition and Examples

Message 1023 or Message 1024

⋮				⋮
δN_{14}	Residuals P_{14}	DF+71	0.001	
δE_{14}		DF+72	0.013	
δh_{14}		DF+73	0.049	
<hr/>				
δN_{15}	Residuals P_{15}	DF+71	0.005	
δE_{15}		DF+72	0.009	
δh_{15}		DF+73	0.088	
<hr/>				
δN_{16}	Residuals P_{16}	DF+71	0.006	
δE_{16}		DF+72	-0.002	
δh_{16}		DF+73	0.129	
Horizontal interpolation method indicator		DF+74	0	
Vertical interpolation method indicator		DF+75	0	
Horizontal Grid Quality Indicator		DF+78	1	
Vertical Grid Quality Indicator		DF+79	1	
Modified Julian Day (MJD) Number		DF+80	53570	

Height Indicator = 1  „dh_i„ = **Physical Heights' Residuals dH_i**

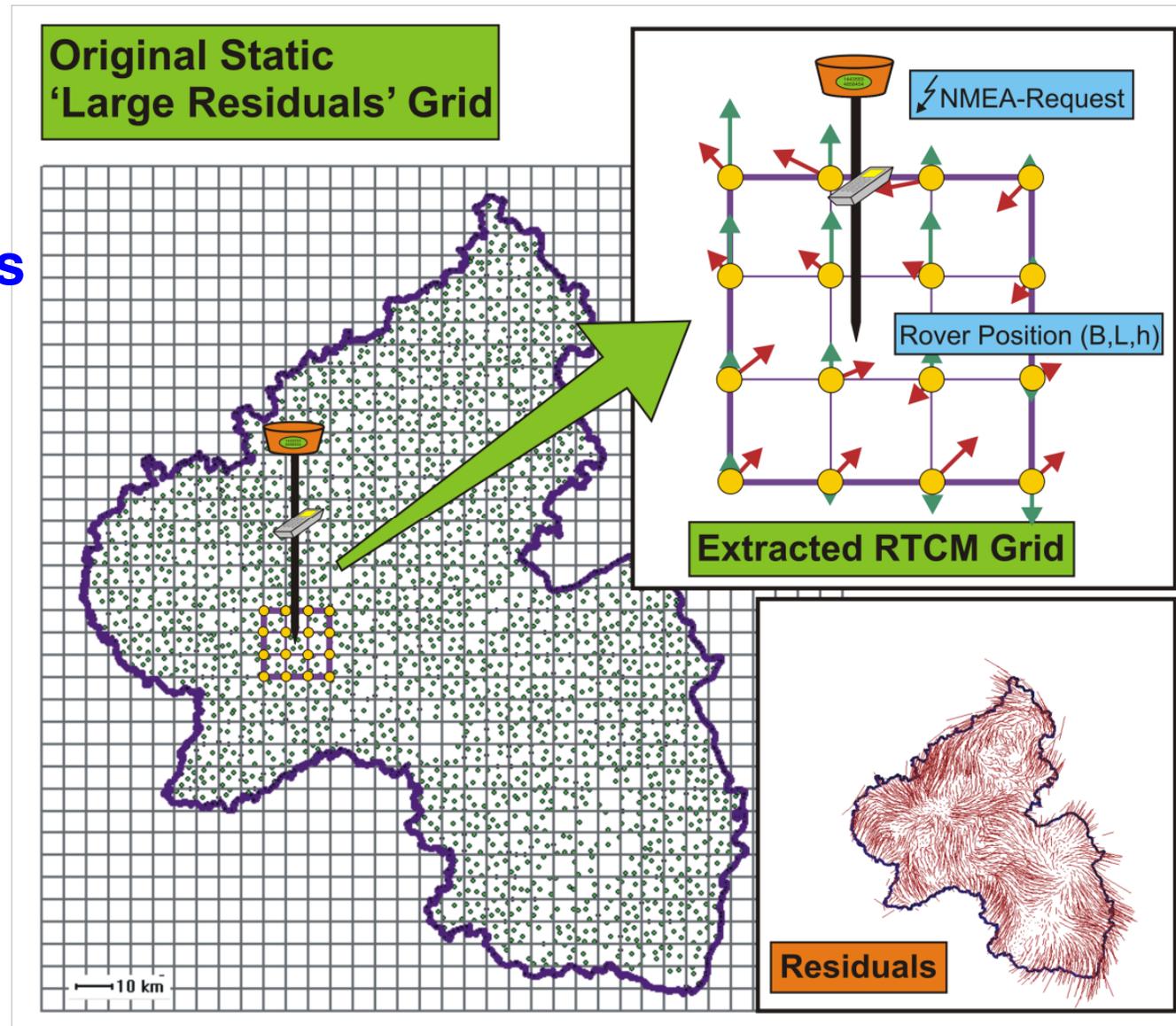
Height Indicator = 2  „dh_i„ = **Geoid / HRS Heights N_i (dN_i)**

RCTM 3.1 Transformation Messages – Message Generation

Using
Reference
Transformations

to
compute
a
country-wide

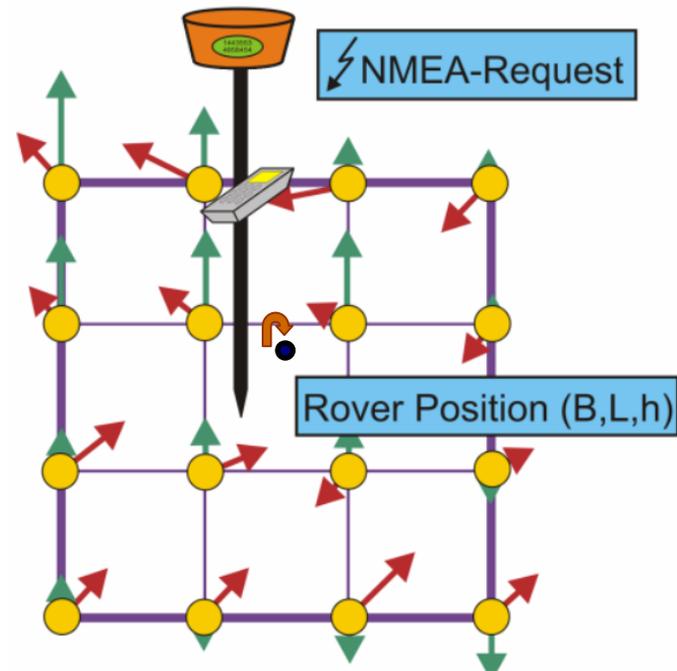
„STATIC
GRID“



RCTM 3.1 Transformation Messages – Message Generation

Using Reference Transformations to compute grids dynamically
online on NMEA-request by virtual fitting points

„Dynamic Grid“



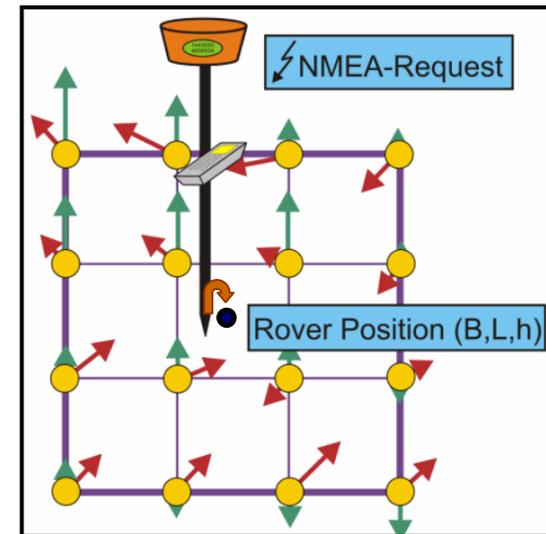
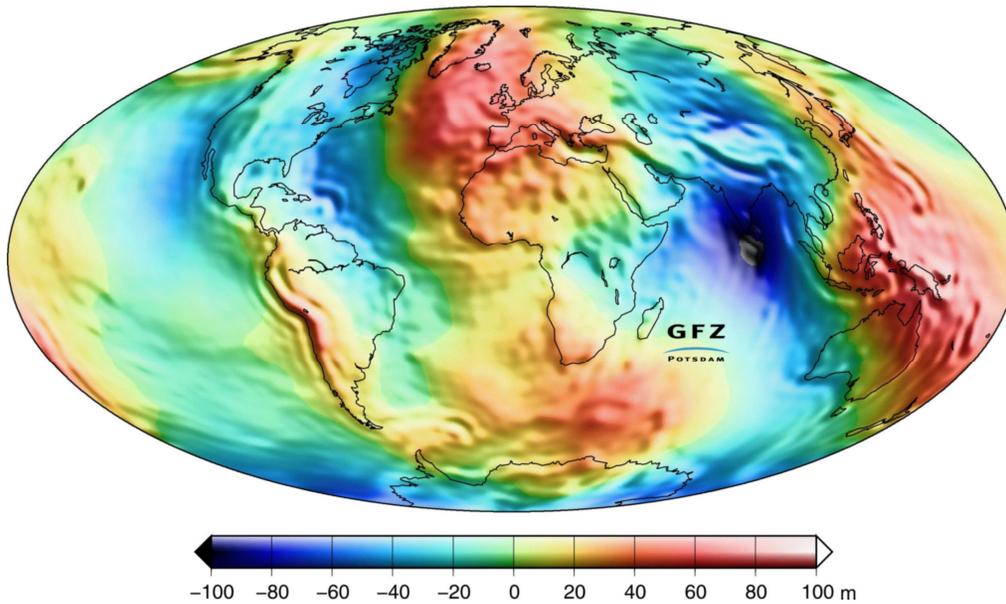
Advantages of „Dynamic Grid“

- 1.) No preceding „Gridding“ Discetization Error
- 2.) Smaller Residuals - Smaller Interpolation errors
- 3.) “ “ - Interpolation method in GNSS-Rover not so relevant

RCTM 3.1 Transformation Messages – Message Generation

Using Reference Transformations to compute grids dynamically
 „Dynamic Grid“

4.) Direct use of Original Reference Transformations



$$W(r, \vartheta, \lambda) = \left\{ \frac{GM}{r} \cdot \left(1 + \sum_{n=2}^{\infty} \sum_{m=0}^n \left(\frac{a_{GRS80}}{r} \right)^n \cdot (C_{nm} \cos m\lambda + S_{nm} \sin m\lambda) \cdot P_{nm}(\cos \vartheta) \right) \right\}$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} u_i \cdot \sqrt{1 + \epsilon^2 / u^2} \cdot \cos \beta \cdot \cos \lambda \\ u_i \cdot \sqrt{1 + \epsilon^2 / u^2} \cdot \cos \beta \cdot \sin \lambda \\ u \cdot \sin \beta \end{bmatrix}$$

$$U = U(a, \epsilon, \omega, M)_{REF} | (\beta, \lambda, u)$$

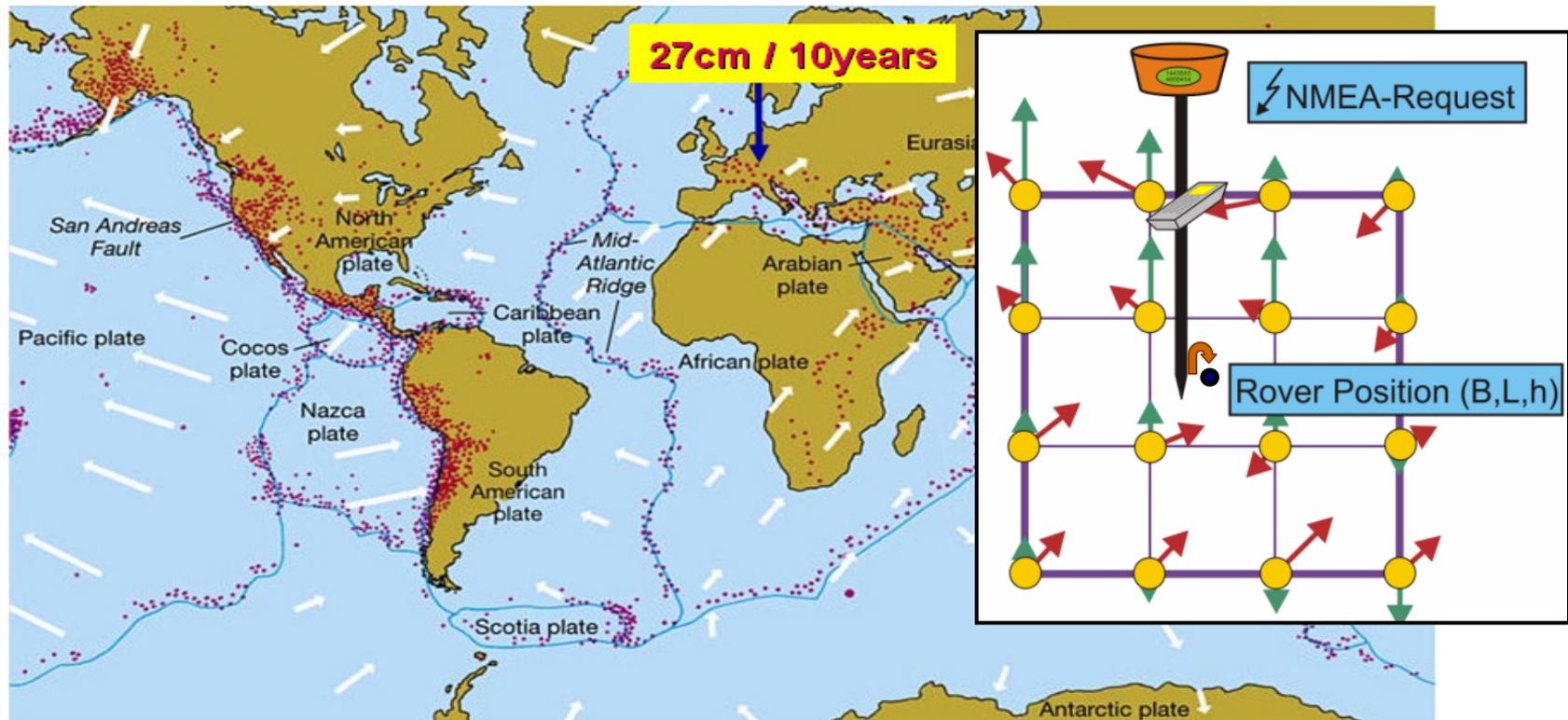
$$N((x, y, z)_{GNSS}) = \frac{W - U}{\gamma_{h-N}}$$

RCTM 3.1 Transformation Messages – Message Generation

Using Reference Transformations to compute grids dynamically

„Dynamic Grid“

5.) „Combined Messages Generation“ in case of ITRF-Operation Mode



$$\mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{ZZ}, t_1} = (1 + \Delta m) \cdot \mathbf{R}(\varepsilon_x, \varepsilon_y, \varepsilon_z) \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{yy}, t_1} + \mathbf{t}$$

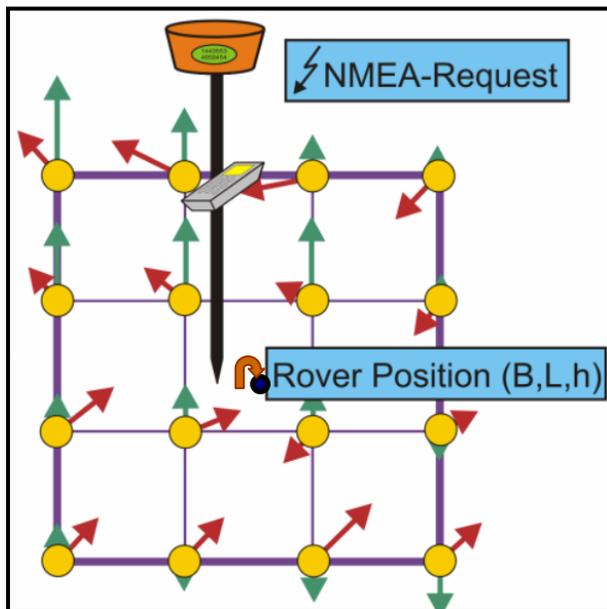
$$\mathbf{x}(t_2)_{ITRF_{ZZ}, t_2} = \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{ZZ}, t_1} + \left(\left((\mathbf{R} + \Delta m) \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{ZZ}, t_1} + \mathbf{t} \right) + \left(\mathbf{R}_{P(j)} \cdot \mathbf{x}(t_1)_{ITRF_{ZZ}, t_1} \right) \right) \cdot (t_2 - t_1)$$

RCTM 3.1 Transformation Messages – Message Generation

Using Reference Transformations to compute grids dynamically

„Dynamic Grid“

5.) „Combined Message Generation“



Part 1 - Plate Models

$$[(B,L,h)_{ITRF-related}]_i \Rightarrow [(B,L,h)_{GNSS,ITRF}]_i$$

Virtual Fitting-Points

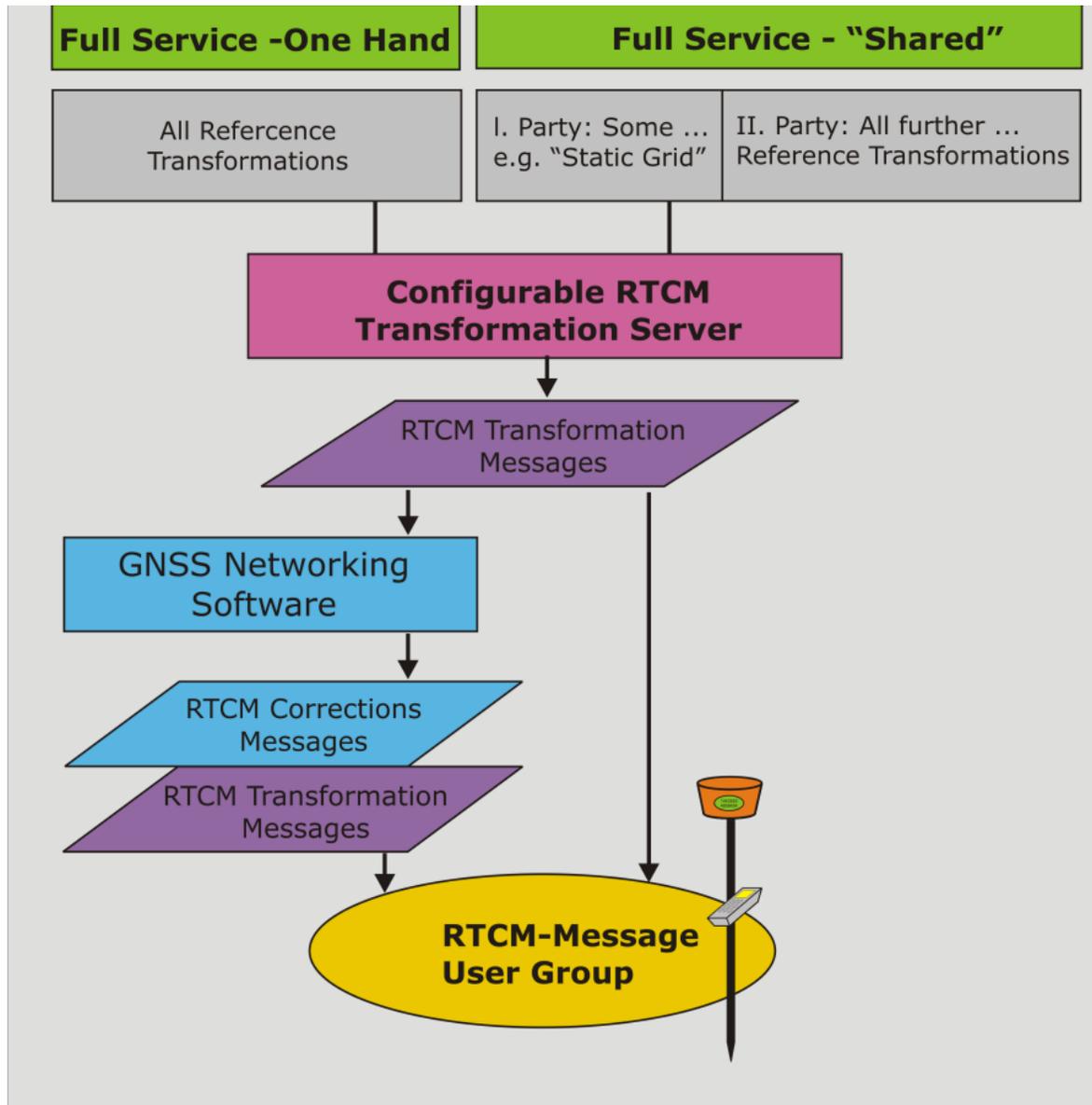
Part 2 - Standard Reference Transformations

$$[(B,L,h)_{ITRF-related}]_i \Rightarrow [(B,L)_T, H_T \text{ or } N]_i$$

Virtual Fitting Points

Dynamic Message Set up by local 7PT Gridding

RCTM 3.1 Transformation Messages – „Full Service“ GNSS-Transformation Services



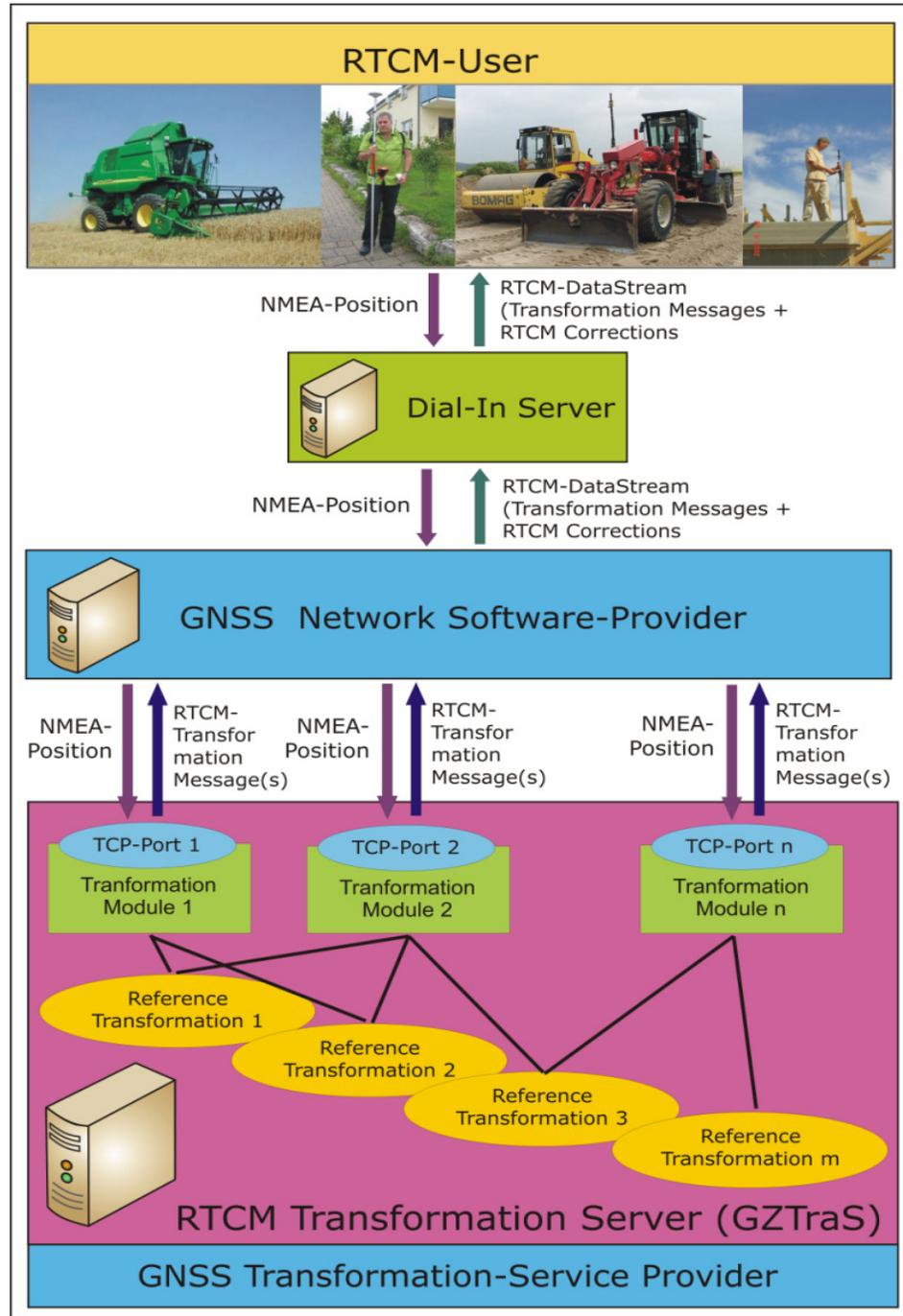
RCTM 3.1 Transformation Messages

General Configurable
RTCM Transformation
Messages Server

All kind of Reference
Transformations
in so called
Transformation
Modules

Dynamic & Combined
& Static Messages

Communication
Design
in case of passing
RTCM Transformation
Messages
through GNSS-Networking
Software



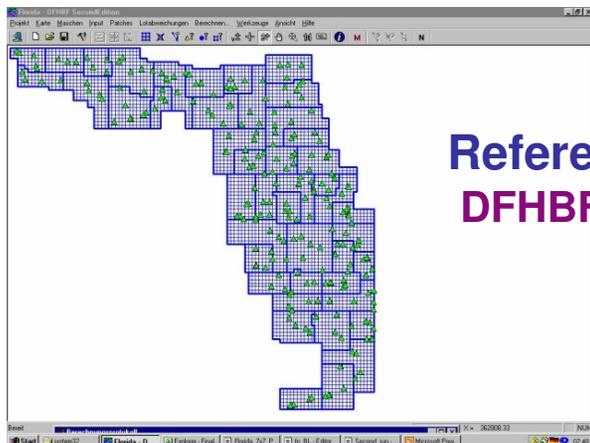
RCTM 3.1 Transformation Messages – GZTra-Server and GZTra-Client

Name	Port	StartTime	Requests since start	TotalRequests
Bavaria	1300	02.02.2008 16:05:50	5	10
BW	1000			2
Germany	1100	02.02.2008 16:06:02	9	9
Florida	1200	02.02.2008 16:06:05	2	3

```

Application:      GZTraS
Version:         Version: 1.0.3
Copyright ©:    Reiner Jäger and Simone Kälber
Configuration:  Bavaria

[02.02.2008 - 15:05:50] [INFO] [GZTraS] Starting up server...
[02.02.2008 - 15:05:50] [INFO] [GZTraS] Server finishes binding process...
[02.02.2008 - 15:05:52] [INFO] [GZTraS] Server is waiting for client calls ...
[02.02.2008 - 15:06:34] [INFO] [GZTraS] A client from localhost-0 is connected
    
```



Reference Transformations
DFHBF Florida

DFHBF Bavaria
DFLBF Bavaria

www.geozilla.de

